

Correction DM n°1 - 2^{nde}

Exercice 1

a) Les diviseurs de 28 sont : 1; 2; 4; 7; 14 et 28.

$$\text{On a : } 1 + 2 + 4 + 7 + 14 = 28$$

Donc 28 est parfait.

b) Les diviseurs de 64 sont : 1; 2; 4; 8; 16; 32 et 64.

$$\text{On a : } 1 + 2 + 4 + 8 + 16 + 32 = 63 \neq 64.$$

Donc 64 n'est pas parfait à une unité près.

c) Les nombres presque parfaits inférieurs à 20 sont :

$$2; 4; 8 \text{ et } 16.$$

Exercice 2

Les diviseurs de 220 sont : 1; 2; 4; 5; 10; 11; 20; 22; 44; 55; 110 et 220.

$$\text{et on a : } 1 + 2 + 4 + 5 + 10 + 11 + 20 + 22 + 44 + 55 + 110 = 284.$$

Les diviseurs de 284 sont : 1; 2; 4; 71; 142 et 284.

$$\text{et on a : } 1 + 2 + 4 + 71 + 142 = 220.$$

Donc les nombres 220 et 284 sont amicaux.

Exercice 3

$$\text{a) } 10\,080 = 1 \times 10\,080$$

$$10\,080 = 6 \times 1680$$

$$10\,080 = 2 \times 5\,040$$

$$10\,080 = 7 \times 1440$$

$$10\,080 = 3 \times 3\,360$$

$$10\,080 = 8 \times 1260$$

$$10\,080 = 4 \times 2\,520$$

$$10\,080 = 9 \times 1120$$

$$10\,080 = 5 \times 2016$$

$$10\,080 = 10 \times 1008$$

10080 est multiple des 10 premiers nombres entiers non nuls
donc 10080 est un nombre gentil.

b) 1 est un multiple de 1

$1 \times 2 \times 3 \times 2 \times 5 \times 7$ est un multiple de 7

1×2 est un multiple de 2

$1 \times 2 \times 3 \times 2 \times 5 \times 7 \times 2$ est un multiple de 8.

$1 \times 2 \times 3$ est un multiple de 3

$1 \times 2 \times 3 \times 2 \times 5 \times 7 \times 2 \times 3$ est un multiple de 9.

$1 \times 2 \times 3 \times 2$ est un multiple de 4

$1 \times 2 \times 3 \times 2 \times 5$ est un multiple de 5; de 6 et de 10

Donc $1 \times 2 \times 3 \times 2 \times 5 \times 7 \times 2 \times 3 = 2520$ est le plus petit nombre gentil.

Exercice 4

a) Agathe a raison car un nombre décimal peut s'écrire sous la forme d'un quotient d'un nombre entier par une puissance de 10 (une puissance de 10 étant un nombre entier).

b) $100x = 21,212121\dots$

$100x - x = 21,212121\dots - 0,212121\dots = 21.$

c) $100x - x = 21$

donc $99x = 21$

donc $x = \frac{21}{99}$

d) On peut rajouter l'affirmation suivante :

"Un nombre rationnel n'est pas forcément un nombre décimal".

Exercice 5

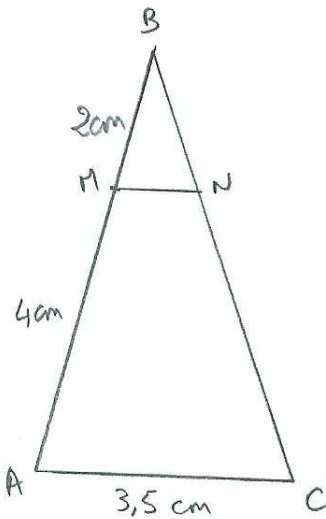
a) Dans le triangle ABC, $M \in [AB]$, $N \in [BC]$ et $(MN) \parallel (AC)$.

D'après le théorème de Thalès, on a :

$\frac{BM}{BA} = \frac{BN}{BC} = \frac{MN}{AC}$ c'est-à-dire $\frac{4}{7} = \frac{BN}{BC} = \frac{MN}{3}$

Calcul de MN : $\frac{4}{7} = \frac{MN}{3}$ donc $MN = \frac{12}{7}$.

b)



Dans le triangle ABC, $M \in [AB]$, $N \in [BC]$ et $(MN) \parallel (AC)$.

D'après le théorème de Thalès, on a :

$\frac{BM}{BA} = \frac{BN}{BC} = \frac{MN}{AC}$ c'est-à-dire $\frac{2}{6} = \frac{BN}{BC} = \frac{MN}{3,5}$

Donc $MN = \frac{7}{6}$.